

الإجابة النموذجية لموضوع امتحان: شهادة التعليم المتوسط دورة: جوان 2015

اختبار مادة: الرياضيات المدة: ساعتان

العلامة		عناصر الإجابة	الرقم
مج	مجزأة		
03	01	(1) حساب القاسم المشترك الأكبر للعددين 696 و 406 و كتابة مراحل الحساب: $696 = 406 \times 1 + 290$ $406 = 290 \times 1 + 116$ $290 = 116 \times 2 + 58$ $116 = 58 \times 2 + 0$	التعريف الأول
	0,50	العدد 58 هو القاسم المشترك الأكبر للعددين 696 و 406	
	0,50	(2) كتابة $\frac{696}{406}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال: $\frac{696}{406} = \frac{696:58}{406:58} = \frac{12}{7}$	
	0,25	(3) حساب العدد P حيث $P = \frac{696}{406} - \frac{3}{7} \times \frac{5}{2}$	
	0,50	$P = \frac{12}{7} - \frac{3}{7} \times \frac{5}{2}$	
	0,25	$P = \frac{24}{14} - \frac{15}{14}$	
	0,25	$P = \frac{9}{14}$	
03,5	0,50	(1) التحقق بالنشر أن: $F = 4x^2 - 12x - 7$	التعريف الثاني
	0,25	$F = (2x - 3)^2 - 16$	
	0,25	$= [(2x)^2 + 3^2 - 2 \times 2x \times 3] - 16$	
	0,25	$= 4x^2 + 9 - 12x - 16$	
	0,25	$= 4x^2 - 12x - 7$	
	0,25	(2) تحليل F إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى: $F = (2x - 3)^2 - 16$	
	0,25	$= (2x - 3)^2 - 4^2$	
	0,25	$= [(2x - 3) + 4] \times [(2x - 3) - 4]$	
	0,25	$= (2x + 1)(2x - 7)$	
	0,50	(3) حل المعادلة $(2x - 7)(2x + 1) = 0$ $2x - 7 = 0$ أو $2x + 1 = 0$ معناه $(2x - 7)(2x + 1) = 0$	
0,50	و منه: $x = \frac{7}{2}$ أو $x = \frac{-1}{2}$ و بالتالي للمعادلة حلان هما $\frac{7}{2}$ و $\frac{-1}{2}$		
0,25	(4) حساب F من أجل $x = 1 + \sqrt{2}$ و كتابة النتيجة على الشكل $a + b\sqrt{2}$		
0,25	$F = 4(1 + \sqrt{2})^2 - 12(1 + \sqrt{2}) - 7$		
0,25	$= 4(1 + 2 + 2\sqrt{2}) - 12 - 12\sqrt{2} - 7$		
0,25	$= 4(3 + 2\sqrt{2}) - 12 - 12\sqrt{2} - 7$		
0,25	$= 12 + 8\sqrt{2} - 12 - 12\sqrt{2} - 7$		
0,25	$= -4\sqrt{2} - 7$		

03	0,50	1) إثبات أن $STR = 23^\circ$:	التعريف الثالث
	0,50	في الدائرة (C) لدينا SOR زاوية مركزية و STR زاوية محيطية تحصران نفس القوس SR و منه $STR = \frac{1}{2}SOR$	
	0,25	بالتعويض نجد: $STR = \frac{1}{2} \times 46^\circ$ إذن: $STR = 23^\circ$	
	0,50	2) تعلق أن المثلث SRT قائم في R : بما أن الدائرة (C) تحيط بالمثلث SRT و ضلعه $[ST]$ قطر لها فإن SRT قائم في R (حسب الخاصية العكسية للدائرة المحيطة بمثلث قائم).	
	0,50	3) حساب الطول RS بالتدوير إلى $0,01$:	
	0,50	في المثلث SRT القائم في R لدينا: $\sin T = \frac{RS}{ST}$	
	0,50	و منه: $RS = ST \times \sin T$ بالتعويض نجد: $RS = 9 \times \sin 23^\circ$ أي $RS \approx 3,516 \text{ cm}$ إذن: مدور RS إلى $0,01$ هو $3,52 \text{ cm}$	
02,5	0,50	1) برهان أن المستقيمين (AB) و (CD) متوازيان:	التعريف الرابع
	0,25	لدينا $\frac{OA}{OC} = \frac{12}{5} = 2,4$ و $\frac{OB}{OD} = \frac{18}{7,5} = 2,4$	
	0,50	نستنتج أن: $\frac{OA}{OC} = \frac{OB}{OD}$	
	0,25	و بما أن النقط A, O, C و B, O, D في استقامة و كذلك النقط D, O, B و بنفس الترتيب إذن المستقيمان (AB) و (CD) متوازيان (حسب عكس مبرهنة طالس).	
	0,50	2) حساب الطول AB :	
	0,25	بتطبيق مبرهنة فيثاغورس على المثلث ABO القائم في O نجد: $AB^2 = OA^2 + OB^2$ بالتعويض نجد: $AB^2 = 12^2 + 18^2 = 468$ ومنه: $AB = \sqrt{468} = 6\sqrt{13} \text{ cm}$ إذن:	

حل المسألة: I. إيجاد بعدي القطعة: بفرض طول القطعة هو x فإن عرضها هو $\frac{2}{5}x$.

وبما أن مساحتها 1000 m^2 فإن: $x \left(\frac{2}{5}x \right) = 1000$ وبالتالي: $\frac{2}{5}x^2 = 1000$

أي: $x^2 = 1000 \div \frac{2}{5} = 2500$ وعليه: $x^2 = 1000 \times \frac{5}{2} = 2500$

بما أن الطول موجب فإن: $x = \sqrt{2500} = 50$ ، $\frac{2}{5} \times 50 = 20$

وبالتالي طول القطعة هو 50 m و عرضها 20 m .

ملاحظة: يمكن حل هذا السؤال باستعمال جملة معادلتين.

II.1.أ) التعبير عن $f(x)$ و $g(x)$ بدلالة x :

$$f(x) = \frac{CM \times AD}{2} = \frac{20(50 - x)}{2} = 500 - 10x$$

$$g(x) = 400 + 10x \quad \text{أي} \quad g(x) = (1000 - 100) - f(x) = 900 - (500 - 10x)$$

ملاحظة: يمكن التعبير عن $g(x)$ باستعمال قانون مساحة شبه منحرف.

ب) مساعدة عمي أحمد لإيجاد الطول DM حتى تكون لقطعتي الأرض نفس المساحة:

$$\text{لقطعتي الأرض نفس المساحة تعني: } f(x) = g(x) \quad \text{أي} \quad 500 - 10x = 400 + 10x$$

$$\text{ومنه: } 500 - 400 = 10x + 10x \quad \text{أي} \quad 100 = 20x \quad \text{ومنه: } x = 5$$

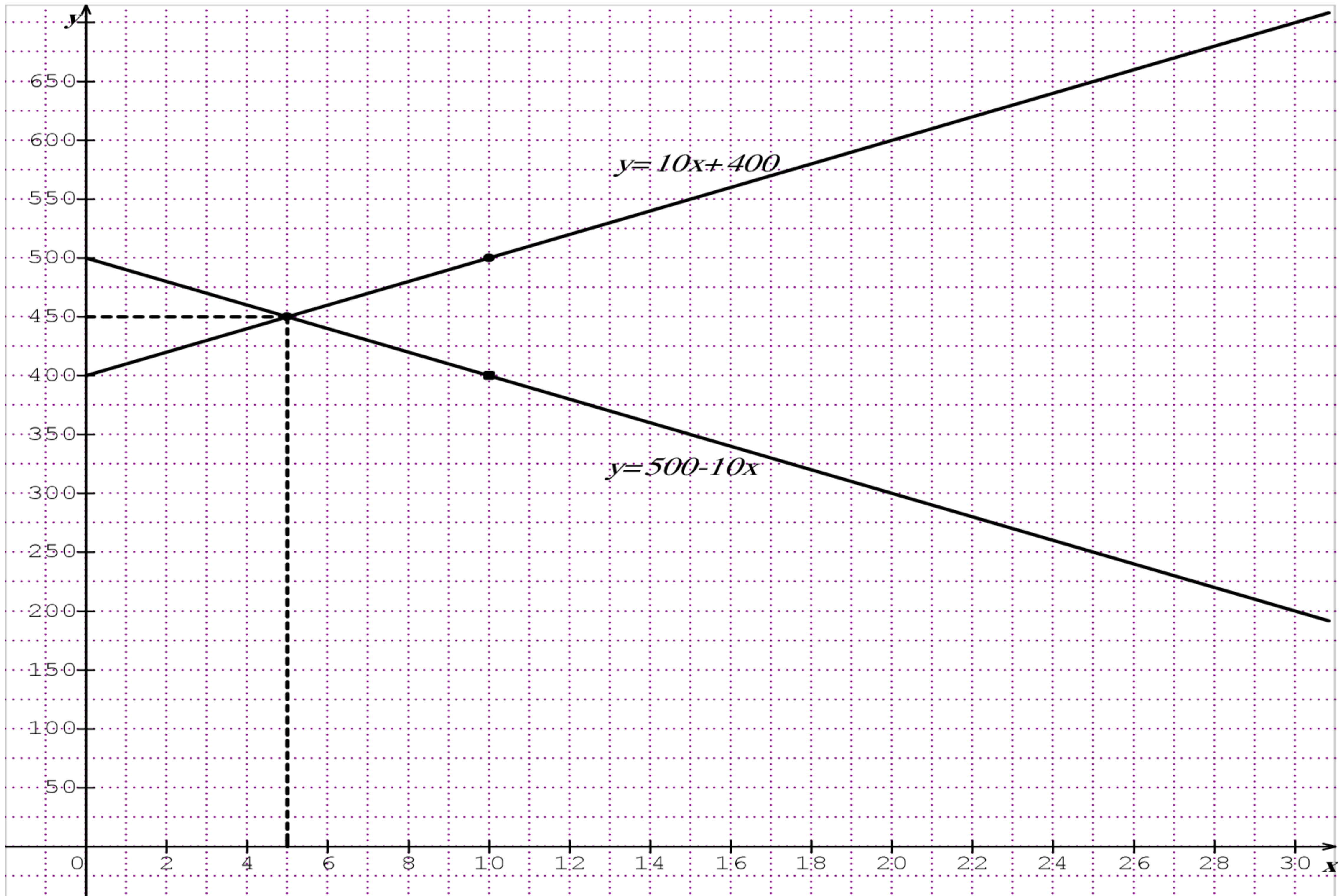
وبالتالي حتى تكون لقطعتي الأرض نفس المساحة يجب أن يكون: $DM = 5$

2-أ) لتمثيل الدالتين: $f(x) = -10x + 500$ ، $g(x) = 10x + 400$ بيانيا:

x	0	10
g(x)	400	500

x	0	10
f(x)	500	400

التمثيل البياني:



ب) التفسير البياني للمساعدة السابقة لعمي أحمد مع تحديد قيمة المساحة في هذه الحالة:

يكون لقطعتي الأرض نفس المساحة من أجل فاصلة نقطة تقاطع المنحنيين وهي $x = 5$ أي: $DM = 5m$

وتبلغ قيمة المساحة في هذه الحالة $450 m^2$

السؤال	المعيار	المؤشرات	التنقيط	مجزأة	مج
1	1م	- التعبير عن البعدين بدلالة مجهول واحد . - كتابة المعادلة على الشكل $x^2 = b$.	0,5 إن وفق في مؤشر 1 إن وفق في مؤشرين	1	2
	2م	- التعبير عن البعدين بشكل صحيح . - حل المعادلة صحيح .	0,5 إن وفق في مؤشر 1 إن وفق في مؤشرين	1	
2	1م	- توظيف المساحة المتبقية بعد التنازل في التعبير عن $g(x)$ - التعبير عن $f(x)$ و $g(x)$ بدلالة x - كتابة المعادلة $f(x) = g(x)$ - التمثيل البياني للدالة f . - التمثيل البياني للدالة g . - ربط تساوي المساحتين بنقطة التقاطع . - تفسير فاصلة نقطة التقاطع. - تفسير ترتيب نقطة التقاطع.	0,5 إن وفق في مؤشر 1 إن وفق في مؤشرين 1,25 إن وفق في ثلاث مؤشرات 1,75 إن وفق في أربع مؤشرات 2,5 إن وفق في خمس مؤشرات فأكثر .	2,5	4,5
	2م	- التعبير عن $f(x)$ و $g(x)$ بشكل صحيح . - الحل الصحيح للمعادلة $f(x) = g(x)$. - التمثيل البياني للدالة f صحيح . - التمثيل البياني للدالة g صحيح. - قراءة إحداثيتي نقطة التقاطع بيانيا بشكل صحيح. - تفسير فاصلة نقطة التقاطع صحيح. - تفسير ترتيب نقطة التقاطع صحيح.	0,5 إن وفق في مؤشر 1 إن وفق في مؤشرين 1,25 إن وفق في ثلاث مؤشرات 1,5 إن وفق في أربع مؤشرات 2 إن وفق في خمس مؤشرات فأكثر .	2	
كل المسألة	3م	- التسلسل المنطقي. - معقولية النتائج. - احترام وحدات القياس .	0,5 إن وفق في مؤشر 1 إن وفق في مؤشرين فأكثر .	1	1,5
	4م	- المقروئية . - عدم التشطيب .	0,25 إن وفق في مؤشر 0,5 إن وفق في مؤشرين	0,5	

3م : انسجام النتائج.

4م : تقديم الورقة.

1م : التفسير السليم للوضعية.

2م : الاستعمال السليم للأدوات الرياضية.